

Prolog et Traitement Automatique des Langues

Éric de la Clergerie

`Eric.De_La_Clergerie@inria.fr`

ALPAGE – INRIA

`http://alpage.inria.fr`

Cours M2 LI 2008

Aujourd'hui: Grammaires DCG : présentation et utilisation

Troisième partie III

DCG : Présentation

1 Des CFG aux DCG

Grammaire Hors-Contexte [CFG – *Context-Free Grammar*], formalisme de base en analyse syntaxique.

Une CFG est définie par

- un ensemble fini \mathcal{T} de **terminaux**
- un ensemble fini \mathcal{N} de **non-terminaux**
- un non-terminal **axiome** S
- un ensemble fini de **productions** $A_0 \leftarrow \alpha, \alpha \in (\mathcal{T} \cup \mathcal{N})^*$

Grammaire Hors-Contexte [CFG – *Context-Free Grammar*], formalisme de base en analyse syntaxique.

Une CFG est définie par

- un ensemble fini \mathcal{T} de **terminaux**
- un ensemble fini \mathcal{N} de **non-terminaux**
- un non-terminal **axiome** S
- un ensemble fini de **productions** $A_0 \leftarrow \alpha, \alpha \in (\mathcal{T} \cup \mathcal{N})^*$

Exemple : $(\{a, b\}, \{S\}, S, \mathcal{P})$ avec les productions $S \leftarrow \epsilon$ et $S \leftarrow a, S, b$.

- reconnaît le langage $a^n b^n$
- ce langage ne peut être reconnu par une expression régulière

Grammaire Hors-Contexte [CFG – *Context-Free Grammar*], formalisme de base en analyse syntaxique.

Une CFG est définie par

- un ensemble fini \mathcal{T} de **terminaux**
- un ensemble fini \mathcal{N} de **non-terminaux**
- un non-terminal **axiome** S
- un ensemble fini de **productions** $A_0 \leftarrow \alpha, \alpha \in (\mathcal{T} \cup \mathcal{N})^*$

Exemple : $(\{a, b\}, \{S\}, S, \mathcal{P})$ avec les productions $S \leftarrow \epsilon$ et $S \leftarrow a, S, b$.

- reconnaît le langage $a^n b^n$
- ce langage ne peut être reconnu par une expression régulière

Par contre, $a^n b^n c^n$ ou $a^n b^m c^n d^m$ ne sont pas reconnaissables avec une CFG.

Lecture immédiate d'une production CFG $A_0 \leftarrow A_1 \dots A_n$ en terme de logique :

$$\frac{A_1 \dots A_n}{A_0}$$

ou encore A_0 dérivable ssi $A_1 \dots A_n$ dérivables

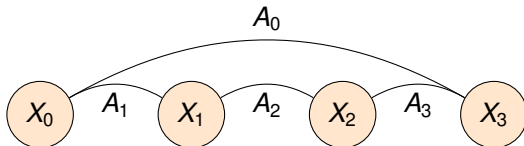
Lecture immédiate d'une production CFG $A_0 \leftarrow A_1 \dots A_n$ en terme de logique :

$$\frac{A_1 \dots A_n}{A_0}$$

ou encore A_0 dérivable ssi $A_1 \dots A_n$ dérivables

Mais lecture logique vraie modulo des paires de positions

$$\frac{A_1(X_0, X_1) \dots A_n(X_{n-1}, X_n)}{A_0(X_0, X_n)}$$



Digression : Plus proche de la logique linéaire (logique de ressources)

Lecture logique des CFG à la base des Grammaire de Clauses Définies
[DCG - *Definite Clause Grammars*], Pereira & Warren – 1980

```
s —> [].  
s —> [a],S,[b].  
?-phrase(s,[a,a,a,b,b,b],[]).
```

Les DCGs sont disponibles dans la plupart des systèmes Prolog (dont **DYALOG**).

Comme pour Prolog et les regexp ou FSA (TD1),
facile d'implanter un moteur DCG en Prolog :

```
dcg_solve (NT, L, R) :- dcg_clause ((NT --> Body) , L, R) .  
dcg_solve (( Body1 , Body2 ) , L, R) :-  
    dcg_solve (Body1 , L, M) ,  
    dcg_solve (Body2 , M, R) .  
dcg_solve ([ ] , L, L) .  
dcg_solve ([ Token | TokenList ] , L, R) :-  
    'C' (L, Token, M) ,  
    dcg_solve (TokenList , M, R) .  
phrase (NT, L, R) :- dcg_solve (NT, L, R) .
```

Expansion de termes

En pratique, immédiat de faire une expansion des clauses DCG en clause Prolog, en ajoutant des paires de positions :

$A \text{ ---} > B,C,D. \rightsquigarrow A(X0,X3) :- B(X0,X1),C(X1,X2),D(X2,X3).$

Expansion de termes

En pratique, immédiat de faire une expansion des clauses DCG en clause Prolog, en ajoutant des paires de positions :

$A \rightarrow B,C,D. \rightsquigarrow A(X0,X3) :- B(X0,X1),C(X1,X2),D(X2,X3).$

```
s -> [].  
s -> [a],S,[b].  
?-phrase(s,[a,a,a,b,b,b],[]).
```

donne (lecteur abstrait 'C'/3)

```
s(X0,X0).  
s(X0,X3) :- 'C'(X0,a,X1),s(X1,X2),'C'(X2,b,X3).  
?-s([a,a,a,b,b,b],[]).
```

Expansion de termes

En pratique, immédiat de faire une expansion des clauses DCG en clause Prolog, en ajoutant des paires de positions :

$A \rightarrow B,C,D. \rightsquigarrow A(X_0,X_3) :- B(X_0,X_1),C(X_1,X_2),D(X_2,X_3).$

```
s -> [].  
s -> [a],S,[b].  
?-phrase(s,[a,a,a,b,b,b],[[]]).
```

donne (lecteur abstrait 'C'/3)

```
s(X0,X0).  
s(X0,X3) :- 'C'(X0,a,X1),s(X1,X2),'C'(X2,b,X3).  
?-s([a,a,a,b,b,b],[[]]).
```

ou encore (spécialisation lecture liste)

```
s(X0,X0).  
s([a|X1],X3) :- s(X1,[b|X3]).  
?-s([a,a,a,b,b,b],[[]]).
```

La puissance des DCG vient de la possibilité d'ajouter des arguments aux terminaux et non-terminaux.

Exemple :

$s(N) \rightarrow a(N), b(N), c(N).$

$a(0) \rightarrow [].$

$a(s(N)) \rightarrow [a], a(N).$

$b(0) \rightarrow [].$

$b(s(N)) \rightarrow [b], b(N).$

$c(0) \rightarrow [].$

$c(s(N)) \rightarrow [c], c(N).$

La puissance des DCG vient de la possibilité d'ajouter des arguments aux terminaux et non-terminaux.

Exemple :

$s(N) \rightarrow a(N), b(N), c(N).$

$a(0) \rightarrow [].$

$a(s(N)) \rightarrow [a], a(N).$

$b(0) \rightarrow [].$

$b(s(N)) \rightarrow [b], b(N).$

$c(0) \rightarrow [].$

$c(s(N)) \rightarrow [c], c(N).$

Reconnaît le langage $a^n b^n c^n$ (non CFG)

DCG étant une partie de Prolog, immédiat d'avoir des **échappements** vers Prolog dans les DCG

Reformulation DCG $a^n b^n c^n$, avec échappements arithmétiques

```
s(N) —> a(N), b(N), c(N).  
a(0) —> [].  
a(N) —> [a], a(M), {N is M+1}.  
b(0) —> [].  
b(N) —> [b], b(M), {N is M+1}.  
c(0) —> [].  
c(N) —> [c], c(M), {N is M+1}.
```

Possibilité (peu connue) d'empiler de nouveaux terminaux sur la liste d'entrée (*pushback*).

Gestion des agglutinés :

prep (à) , [le] \rightarrow [au].

prep (à) , [les] \rightarrow [aux].

La lecture du terminal **aux**

- 1 reconnaît le non-terminal prep
- 2 empile le nouveau terminal **les**.

Implanté dans **DYALOG** pour la lecture sur liste et (plus délicat) la lecture sur treillis de mots.

Possible d'avoir des alternatives dans les corps de productions

$nc \rightarrow det, (adj ; []), nc.$

équivalent à

$nc \rightarrow det, adj, nc.$

$nc \rightarrow det, nc.$

Facile d'implanter un opérateur d'intersection $A \& B$,
expansable en $A(X1,X2), B(X1,X2)$.

Facile d'implanter un opérateur d'intersection A & B,
expansable en $A(X1,X2), B(X1,X2)$.

```
s → (anbn, cs) & (as, bncn) .  
anbn → ([ ] ; [a], anbn, [b]) .  
cs → ([ ] ; [c], cs) .  
bncn → ([ ] ; [b], bncn, [c]) .  
as → ([ ] ; [a], as) .
```

Facile d'implanter un opérateur d'intersection A & B,
expansable en $A(X_1, X_2), B(X_1, X_2)$.

```
s  —> (anbn, cs) & (as, bncn) .  
anbn —> ([ ] ; [a], anbn, [b]) .  
cs   —> ([ ] ; [c], cs) .  
bncn —> ([ ] ; [b], bncn, [c]) .  
as   —> ([ ] ; [a], as) .
```

Reconnaît $a^n b^n c^n$ (hors CFG)

Disponible des **DYALOG**

DYALOG fournit l'opérateur de répétition @* ou étoile de Kleene

$A \dashrightarrow B, (C @*), D$ équivalent à

$A \rightarrow B, C\text{Rec}, D.$

$C\text{Rec} \rightarrow [] ; (C, C\text{Rec}).$

Gestion (très simplifiée) des coordonnées

```
gncoord →  
  ((gn, [ ' , ' ]) @*),  
  gn, [ et ] gn.
```

un épluche légume, un ouvre-boite, un tire bouchon, une spatule et une cuillère

L'étoile de Kleene admet une forme complète permettant :

- de borner le nombre d'itération (`from` et `to`)
- d'agrégier des résultats le long de boucle, en partant d'une valeur initiale `collect_first` jusqu'à une valeur finale `collect_last`

```
s(N) —>
  @*{ goal => a,
      from => 2,
      to => 10,
      collect_first => [0],
      collect_last => [N],
      collect_loop => [_N], %% valeur en début de cycle
      collect_next => [s(_N)] %% valeur en fin de cycle
  }.
```


DYALOG fournit l'opérateur d'entrelacement **##** permettant d'entrelacer de toute les manières possibles deux séquences.

$$(a,b)##(c,d) \equiv \left\{ \begin{array}{l} a, b, c, d \\ a, c, b, d \\ a, c, d, b \\ c, d, a, b \end{array} \right.$$

exemple1 : Ordre libre des arguments optionels d'un verbe ditransitif :

```
gv —> v, ((gn ; []) ## (gp ; [])).
```

exemple2 : Adjectifs et noms :

```
gn —> det, ((adj @*) ## nc).
```

Les opérateurs d'alternative, de Kleene et d'entrelacement

- ne changent pas la complexité des CFG sous-jacentes aux DCG
- peuvent être expansés
- mais permettent une notation bien plus compacte
(expansion \Rightarrow #productions exponentiel en #opérateurs)
- et une exécution plus efficace

Quatrième partie IV

Jouer avec les DCG

Divers usages possibles :

- gestion d'accords
- blocage/activation de constructions syntaxiques
- gestion de déplacement de constituants
- construction de structures en sortie d'analyse

- 2 Quelques phénomènes simples
- 3 Le lexique
- 4 Représenter des phénomènes à longue distance
- 5 Des arbres d'analyse aux forêts d'analyse
- 6 Construire des formes sémantiques

Problème : exprimer l'accord en nombre et genre avec une CFG

gn \rightarrow det , nc .

donne

gn_sg_masc \rightarrow det_sg_masc , nc_sg_masc .

gn_sg_fem \rightarrow det_sg_fem , nc_sg_fem .

gn_pl_masc \rightarrow det_pl_masc , nc_pl_masc .

gn_pl_fem \rightarrow det_pl_fem , nc_pl_fem .

Augmentation rapide (polynomiale) du nombre de clauses en fonction du nombre de valeurs possibles :

- ici $\{\text{sg, pl}\} \times \{\text{masc, fem}\} = 4$
- plus généralement $|V_1| \times \dots \times |V_n|$

Accord en nombre et genre sur le groupe nominal en 1 clause DCG :

```
gn (Number, Gender) —>  
    det (Number, Gender) ,  
    nc (Number, Gender) .
```

Accord avec le groupe verbal

```
s —>  
    ( gn (Number, Gender) , { Person=3}  
    ; cIn (Person) ) ,  
    gv (Number, Gender, Person) .
```

```
gv (Number, Gender, Person) —>  
    v (Number, Person) ,  
    gn ( _ , _ , _ ) .
```

Par exemple, bloquer la présence d'un sujet pour le mode impératif ou infinitif.

```
s —>
  ( { \+ domain(Mood,[imperative,infinitive]) },
    gn(Number,Gender), {Person=3}
  ; { \+ domain(Mood,[imperative,infinitive]) },
    cIn(Person)
  ; { domain(Mood,[imperative,infinitive]) }
  ),
  gv(Number,Gender,Person,Mood) .
```


Un brin de sous-catégorisation

Bloquer/autoriser la présence d'un objet
en fonction de la **sous-catégorisation** d'un verbe

```
gv → v(object), gn.  
gv → v(-), gn.  
v(object) → [aime].  
v(-) → [dort].
```

Plus complet

```
gv → v(Subcat),  
    (({ domain(object:(+), SubCat) }, gn  
     ; { domain(object:(-), SubCat) })  
    ## ( { domain(iobject:Prep, SubCat) }, gp(Prep) ;  
        { domain(iobject:(-), Subcat) }  
        )  
    ).  
v([object:(+), object:(-), iobject:à, iobject:(-)]) → [donne].  
gp(Prep) → [Prep], gn.
```

- 2 Quelques phénomènes simples
- 3 Le lexique**
- 4 Représenter des phénomènes à longue distance
- 5 Des arbres d'analyse aux forêts d'analyse
- 6 Construire des formes sémantiques

Le lexique est un élément extrêmement important :

- fournit les informations morpho-syntaxiques (nombre, genre, temps, mode, ...)
- mais peut aussi fournir les informations syntaxiques : sous-catégorisation, diathèse, contrôle, ...
- ⇒ tendance forte vers des grammaires **lexicalisées**

Question : comment représenter le lexique dans un monde Prolog ?

Coder le lexique extensionnellement en tant que DCG :

nc (sg , fem) → [pomme].

nc (pl , fem) → [pommes].

adj (sg , masc) → [petit].

adj (pl , masc) → [petits].

adj (sg , fem) → [petite].

adj (pl , fem) → [petites].

v (sg , 1 , pres) → [aime].

v (sg , 2 , pres) → [aimes].

v (sg , 3 , pres) → [aime].

...

Sortir le lexique de la grammaire et le voir comme une base de données externe :

Coté grammaire

```
nc(Num, Gen) —> [Form], {lexicon(nc, Form, [Num, Gen])}.  
adj(Num, Gen) —> [Form], {lexicon(adj, Form, [Num, Gen])}.  
v(Num, Pers, Tense) —> [Form], {lexicon(v, Form, [Num, Pers, Tense])}.
```

Coté lexique, sous forme extensionnelle

```
lexicon(nc, pomme, [sg, fem]).  
lexicon(nc, pommes, [pl, fem]).  
lexicon(adj, petit, [sg, masc]).  
lexicon(adj, petits, [pl, masc]).  
lexicon(adj, petite, [sg, fem]).  
lexicon(adj, petites, [pl, fem]).
```

Factoriser le lexique

Pour gérer le lexique, on peut exploiter la puissance de Prolog pour calculer le lexique en fonction :

- lemme ou racine
- information morphologique de flexion

```
lexicon(nc,Form,[Num,fem]) :-  
    domain(Suff:Num,[' ':sg,'s':pl]),  
    name_builder('~w~w',[pomme,Suff],Form).  
lexicon(adj,Form,[Num,Gen]) :-  
    domain(Suff:Num:Gen,[' ':sg:masc,  
                        's':pl:masc,  
                        'e':sg:fem,  
                        'es':pl:fem]),  
    name_builder('~w~w',[petit,Suff],Form).
```

avec `name_builder/3` utilisé pour construire de nouveaux symboles à partir d'un motif (`~ sprintf` en C)

Factoriser le lexique (suite)

On peut aussi factoriser en fonction de **paradigmes** morphologiques :

```
lexicon(nc, Form, [Num, Gen]) :-  
    lemma(nc, Lemma, Gen, Paradigm),  
    paradigm(Paradigm, Lemma, Form, Num).  
  
lemma(nc, pomme, fem, nc_std).  
lemma(nc, ami, masc, nc_std).  
  
paradigm(nc_std, Lemma, Form, Num) :-  
    domain(Suff:Num, [ ' ':sg, 's':pl ]),  
    name_builder('~w~w', [Lemma, Suff], Form).
```

Factoriser le lexique (suite)

```
lexicon(v, Form, Info) :-  
    lemma(v, Lemma, Stem, Paradigm) ,  
    paradigm(Paradigm, Stem, Form, Info) .
```

```
lemma(v, aimer, aim, v1) .
```

```
lemma(v, parler, parl, v1) .
```

```
paradigm(v1, Stem, Form, Info) —>  
    domain(Suff:Info, [ 'e':sg:1:pres, 'es':sg:2:pres, ... ]),  
    name_builder('~w~w', [Stem, Suff], Form) .
```


Externaliser le lexique

Il est possible d'aller loin dans la factorisation de l'information lexicale
Néanmoins :

- l'approche précédente engendre les formes à partir des lemmes
⇒ plus efficace d'analyser la forme pour trouver son lemme (transducteur)
- lexiques très larges : plusieurs centaines de milliers de formes

Une meilleure approche consiste à totalement externaliser le lexique au sein d'un **lexer**.

Dans la grammaire :

```
nc (Num, Gen)  -> [ token ( nc , Form , Lemma , [ Num, Gen ] ) ].  
adj (Num, Gen) -> [ token ( adj , Form , Lemma , [ Num, Gen ] ) ].  
...
```

Et lexer externe tel que `echo "petite_pomme" | ./lexer` donne

```
'C' (0 , token ( adj , petite , petit , [ sg , fem ] ) , 1) .  
'C' (1 , token ( nc , pomme , pomme , [ sg , fem ] ) , 2) .
```

Le lexer peut utiliser des techniques sophistiquées de représentation de grandes listes de mots (arbres à lettres, automates, ...).

L'approche lexer se prête à la construction de treillis de mots, permettant de représenter les ambiguïtés lexicales :

la belle ferme la voile

```
...  
'C(1 , token ( adj , belle , beau , [ sg , fem ] ) , 2) .  
'C(1 , token ( nc , belle , belle , [ sg , fem ] ) , 2) .  
'C(2 , token ( nc , ferme , ferme , [ sg , fem ] ) , 3) .  
'C(2 , token ( v , ferme , fermer , [ sg , 1 , pres ] ) , 3) .  
'C(2 , token ( v , ferme , fermer , [ sg , 3 , pres ] ) , 3) .  
...
```

Lexer et treillis de mots permettent aussi la gestion d'ambiguïtés de segmentation, **des** :

```
'C' ( 0 , token ( det , des , un , [ pl , _ , undef ] ) , 2) .  
'C' ( 0 , token ( prep , de , de , [ ] ) , 1) .  
'C' ( 1 , token ( det , les , le , [ pl , _ , def ] ) , 2) .
```

- 2 Quelques phénomènes simples
- 3 Le lexique
- 4 Représenter des phénomènes à longue distance**
- 5 Des arbres d'analyse aux forêts d'analyse
- 6 Construire des formes sémantiques

Les arguments DCG utilisable pour propager de l'information au sujet de constituants "déplacés" :

- relatives : Paul mange (la pomme)_i que (Marie apporte ϵ_i)
- interrogatives : (quel livre)_i ([S] Paul veut que ([S] Marie lise ϵ_i))

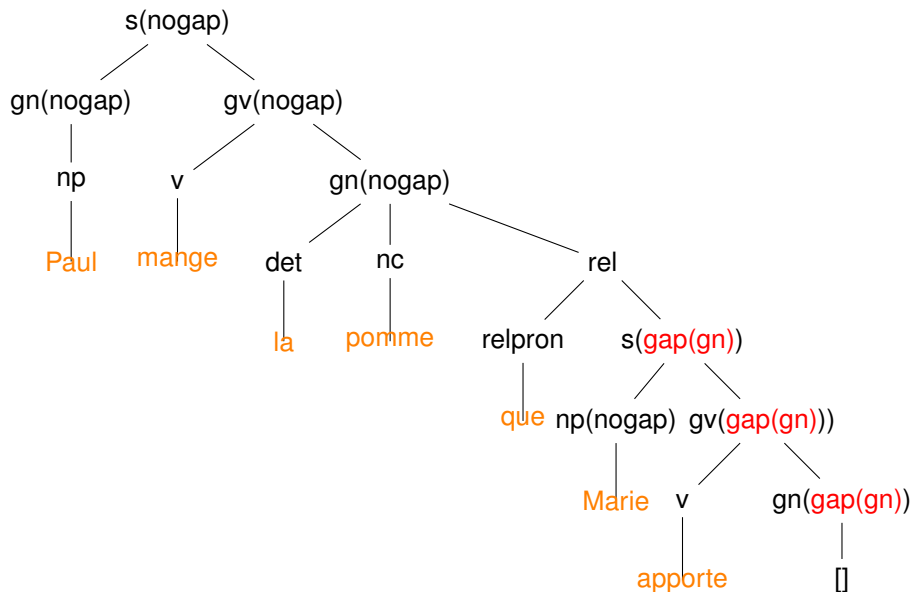
Le constituant extrait et sa trace peuvent être séparés par un nombre arbitrairement grand de constituants intermédiaires (GV, S, ...) :

- \Rightarrow très difficile d'exprimer cela avec des CFG

Représenter des relatives avec des gap

```
gn(nogap) —> det,nc, (rel ; []).  
gn(gap(np)) —> [].  
rel —> relpron, s(gap(gn)).  
s(Gap) —> gn(Gap),gv(nogap).  
s(Gap) —> gn(nogap),gv(Gap).  
gv(Gap) —> v,gn(Gap).  
gv(nogap) —> v.  
gv(Gap) —> v, [que],s(Gap).  
...  
?-phrase(s(nogap),L,[]).
```

Représenter des relatives : exemple



La gestion des déplacements capturée avec un mécanisme de pile :

- empile une information sur le constituant à déplacer
- dépile cette information pour remplir une trace

Cette approche systématisée avec les **Bound Movement Grammars** [BMG]
Pereira Lopes

- issues des grammaires d'extraposition
- étendent les DCG
- sont disponibles dans **DYALOG**

- Déclarer des piles et ce qu'on peut y empiler

```
:-bmg_stacks ([rel , quest] ) .  
%% define stacks: rel quest  
%% define pushers: rel quest  
%% define islands: isl (all stacks) isl_rel (rel) isl_quest  
    (quest)  
  
:-bmg_pushable( gn , [quest , rel] ) .  
%% gn pushable on stacks quest and rel
```

- Un non-terminal A est maintenant implicitement décorés des arguments (RelStackIn,RelStackOut) et (QuestStackIn,QuestStackOut)
- La grammaire :

```
gn  $\rightarrow$  det , nc , ( rels ; [] ) .  
rels rel gn  $\rightarrow$  relpron , s .  
s  $\rightarrow$  gn , gv .  
gv  $\rightarrow$  v , gn .  
gv  $\rightarrow$  v .  
gv  $\rightarrow$  v , [ que ] , s .  
...  
?-phrase( s , L , [] ) .
```


La formulation précédente est trop laxiste avec la règle

$gn \longrightarrow gn, gp.$

$gp \longrightarrow prep, gn.$

Elle autorise

- Paul veut la pomme que la fille de ϵ mange un fruit.
- Paul veut la pomme que ϵ de Marie mange un fruit.

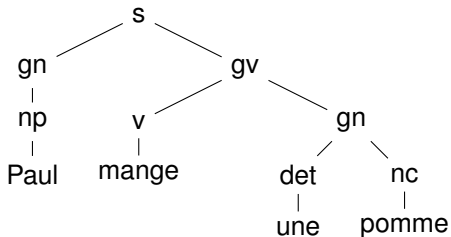
Remède : poser des **barrières**, empêchant le déchargement à l'intérieur de certains constituants :

$s \longrightarrow isl_rel\ gn, gv.$

$gv \longrightarrow v, isl_rel\ gn.$

- 2 Quelques phénomènes simples
- 3 Le lexique
- 4 Représenter des phénomènes à longue distance
- 5 Des arbres d'analyse aux forêts d'analyse**
- 6 Construire des formes sémantiques

s → gn, v, gn.
gn → det, nc.
gn → np.
s → s, gp.
gn → gn, gp.
gp → prep, gn.



Représentation sous forme de terme Prolog :
s(gn(np('Paul')),gv(v(mange),gn(det(une),nc(pomme))))

L'arbre d'analyse peut être construit de manière compositionnelle, au fur et à mesure de l'application des productions

Utilisation d'un argument supplémentaire :

```
np(np(Form)) → [Form], {lexicon(np,Form)}.
gn(gn(Det, Nc)) → det(Det), nc(Nc).
det(det(Form)) → [Form], {lexicon(det,Form)}.
nc(nc(Form)) → [Form], {lexicon(nc,Form)}.
gv(gv(V, Obj)) → v(V), gn(Obj).
v(v(Form)) → [Form], {lexicon(v,Form)}.
```

L'approche précédente utilise un argument pour construire les arbres pendant l'analyse :

- 1 argument à ajouter à tout les non-terminaux
- les arbres sont calculés même pour des analyses qui échouent
- l'argument supplémentaire nuit au partage de calculs (pour des analyseurs tabulaires – cours à venir)
- l'argument supplémentaire ne sert pas à diriger les analyses

Approche tabulaire **DyALog** :

- les arbres d'analyses sont extraits à partir des traces tabulées des calculs réussis
- l'ensemble des arbres d'analyse en fait représenté sous forme d'une forêt partagée d'analyse, exprimée comme une grammaire.
- forêt visible avec l'option `-forest`

- 2 Quelques phénomènes simples
- 3 Le lexique
- 4 Représenter des phénomènes à longue distance
- 5 Des arbres d'analyse aux forêts d'analyse
- 6 Construire des formes sémantiques**

Sémantique plate :

- des entités : paul, marie
- des variables d'entités : x , y
- des prédicats : aime(paul, marie), dormir(x), manger(x , y), donner(x , y , z), pomme(x), rouge(x)
- des formules construites par conjonction de prédicats :
manger(*paul*, y) \wedge pomme(y) \wedge rouge(y)
- la valeur logique true

Constructions “compositionnelles” à partir des sémantiques des constituants
Pour $X \dashrightarrow \text{Head, Arg}$.

$$S_X = \text{comp}(S_{\text{Head}}, S_{\text{Arg}})$$

La nature de la composition change avec le type de la tête et le type de l'argument

Les sémantiques intermédiaires sont en général des λ -expressions comme
 $\lambda y. \lambda x. \text{manger}(x, y)$

- $\text{manger}(\text{paul}, x) \rightsquigarrow \text{manger}(\text{paul}, X)$
- $\text{manger}(\text{paul}, x) \wedge \text{pomme}(x) \rightsquigarrow \text{manger}(\text{paul}, X) \ \& \ \text{pomme}(X)$
- $\lambda y. \lambda x. \text{manger}(x, y) \rightsquigarrow Y^{\wedge} X^{\wedge} \text{manger}(X, Y)$

Ajout d'un argument supplémentaire dans les non-terminaux

```
gn(Sem) —> pn(Sem).  
pn(paul^true) —> [ 'Paul' ].  
%% Paul => paul^true
```

```
gn(X^(SemHead & SemArg)) —> det(X^SemArg), nc(X^SemHead).  
det(X^def(X)) —> [ la ].  
det(X^undef(X)) —> [ une ].  
nc(X^pomme(X)) —> [ pomme ].  
%% la pomme => X^(pomme(X) & def(X))
```

Ajout dans les DCG (suite)

```
gv(X^(SemHead & SemArg)) -> v(Y^X^SemHead),gn(Y^SemArg).  
v(Y^X^manger(X,Y)) -> [mange].  
%% mange (la pomme)  
%% => (Y^X^manger(X,Y)) (Z^(def(Z) & pomme(Z)))  
%% => X^(manger(X,Z) & def(Z) & pomme(Z))
```

```
s(SemHead & SemArg) -> gn(X^SemArg),gv(X^SemHead).  
%% Paul (mange la pomme)  
%% => (paul^true) (X^(manger(X,Z) & def(Z) & pomme(Z)))  
%% => paul^(manger(X,Z) & def(Z) & pomme(Z) & true)
```

```
s(Sem) ->  
    gn(X^SemArg),gv(X^SemHead), {sem_simplify(SemHead & SemArg,  
    Sem)}.  
%% Paul (mange la pomme)  
%% => paul^(mange(X,Z) & def(Z) & pomme(Z))
```

Problème : comment représenter la sémantique de **paul vient demain**

⇒ solution : **réifier** les évènements

- en introduisant des variables d'évènements e_1, e_2, \dots et
- en étiquetant les évènements par ces variables
- en autorisant des prédicats sur les variables d'évènements

paul vient demain $\rightsquigarrow e_1 : \text{venir}(\text{paul}) \wedge \text{demain}(e_1)$

```
gv(X^E^(E:SemHead))  -> v(X^SemHead).
v(X^venir(X))        -> [vient].
gv(X^(SemHead & SemMod)) -> gv(X^E^SemHead), adv(E^SemMod).
adv(E^demain(E))     -> [demain].
%% vient demain => (X^E^(E:venir(X))) (E^demain(E))
%% => X^(E:venir(X) & demain(E))
```

Problème : comment représenter la sémantique de **chaque homme est mortel** ?

Actuellement : $\text{chaque}(x) \wedge \text{homme}(x) \wedge \text{mortel}(x)$

Mais une formule **quantifiée** avec une **portée** est préférable :

$$\forall(x), \text{homme}(x) \wedge \text{mortel}(x)$$

ou encore

$$\forall(x), \text{homme}(x) \wedge e_1 : \text{mortel}(x)$$

DYALOG offre la notation **Hilog** pour une pseudo-notation d'ordre supérieur, à savoir des variables de prédicats :

- $P(X,Y)$ ou $P(X,Y)$, équivalent à $\text{apply}(P,X,Y)$
- $\text{mange}(X,Y)$, équivalent à $\text{apply}(\text{mange},X,Y)$ et différent de $\text{mange}(X,Y)$
- avec la directive **DYALOG** : `-hilog mange/2`, $\text{mange}(X,Y)$ équivalent à $\text{apply}(\text{mange},X,Y)$

$gv(X^{\wedge}(P(X,Y) \ \& \ \text{SemObj})) \longrightarrow v(P)$, $gn(Y^{\wedge}\text{SemObj})$.
 $v(\text{manger}) \longrightarrow [\text{mange}]$.

Limitations

Les systèmes Prolog (dont **DYALOG**) n'offrent pas une véritable implémentation du λ -calcul :

- il manque une vraie β -réduction $(\lambda x.t)a \rightarrow_{\beta} t[x/a]$
- on simule (avec l'unification) une β -réduction, mais pas de gestion de renommage de variables et applications successives :

$$\begin{aligned} (\lambda f \lambda x.f(f(x)))(\lambda y.y * y) &\rightarrow_{\beta} \lambda x.(\lambda y_1.y_1 * y_1)((\lambda y_2.y_2 * y_2)x) \\ &\rightarrow_{\beta} \lambda x.(\lambda y_1.y_1 * y_1)(x * x) \\ &\rightarrow_{\beta} \lambda x.(x * x) * (x * x) \end{aligned}$$

Pour des systèmes Prolog avec λ -calcul, voir λ -Prolog
Dale Miller et Gopalan Nadathur, tutoriel Olivier Ridoux

Plus d'information sur les sémantiques plates et leurs mises en œuvre :

- **Minimal Recursion Semantic [MRS]**
Copestake, Pollard, Sag et Flickinger
- **SEMCONST (LORIA)** <http://trac.loria.fr/~semconst/>
travaux de Claire Gardent et Yannick Parmentier

Comme pour les arbres d'analyse :

- 1 argument à ajouter à chaque non-terminal
- en général, la forme sémantique ne guide pas l'analyse
- construction effectuée même pour les analyses qui vont échouer
- nuit au partage de calculs (en analyse tabulaire)

⇒ envisager une construction post-analyse à partir des traces tabulées des analyses réussies.